2008/10/7

專案助理研究員 劉嘉言

R-MPI 技術報告

國家高速網路與計算中心

內容

·	•	前言	3
	1.	名詞簡介	3
		I. MPI	3
		II. R	3
		III. R-MPI	4
	2.	系統架構與運作原理	4
		I. 環境介紹	4
		II. MPI的安裝步驟	5
		Ⅲ. R的安裝步驟	9
		IV. R-MPI的安裝步驟	10
		V. 測試	10
	•	R-MPI 相關函式功能	11
	1.	library("Rmpi")	11
	2.	mpi.spawn.Rslaves(nslaves=#)	11
	3.	mpi.close.Rslaves()	11
	4.	mpi.quit([saving=yes/no])	11
	5.	mpi.comm.size()	11
	6.	mpi.comm.rank()	11
	7.	mpi.bcast.Robj2slave(object)	12
	8.	mpi.send.Robj(object,destination,tag)	12
	9.	object <- mpi.recv.Robj(mpi.any.source(),mpi.any.tag())	12
	10.	info <- mpi.get.sourcetag()	12
	11.	mpi.bcast.cmd("R code")	12
	12.	results <- mpi.remote.exec("R code")	12
<u> </u>	•	三種撰寫 R-MPI 程式的方法	13
	1.	Brute Method	13
	2.	Task Push	13
	3.	Task Pull	14
	4.	Task Push 與 Task Pull 的差異	15
匹	•	範例程式說明	17
Ŧī.	•	結論	20
六	•	參考文獻	21

一、前言

本文件主要是給那些想要使用 R、R-MPI 來計算或是統計大量資料的使用者 參考,透過這份文件描述的內容,R 的程式設計者可以將所設計出來的程式藉由 R-MPI 在多台電腦上來執行,達到節省執行時間的目的;而這其中所需付出的代 價可能只是僅僅多出不到 10% 的程式碼,但是卻可以帶來節省 60% 以上的程 式執行時間的效益。

一開始我們會先簡單地介紹 MPI、R、R-MPI 等名詞,接著說明應該如何建立一個 R/R-MPI 的計算平台,之後再進一步地描述其運作方式及原理,並且探討 R-MPI 常用的一些函式庫,同時,再以範例來解釋如何撰寫一個 R/R-MPI 的程式,最後,驗證 R/R-MPI 平行處理後所帶來的效益。

1. 名詞簡介

I. MPI

MPI (Message Passing Interface) [1][2] 顧名思義就是一個傳遞訊息的界面。目前已經發展到 MPI-2.0,同時亦具有許多不同的實作(with GPL license)可供自由使用。在我們所欲建立的 R/R-MPI 平台中,必須利用 MPI 所定義的界面在不同的電腦之間互相傳遞交換訊息,進而達到在多台電腦上平行運算的目的。而我們所採用的 MPI implementation 為 mpich2 [3]。

II. R

R[4] 是一種專門用於統計的語言,因它對於大量的資料處理,像是迴圈的運算,具有非常好的效能,使得 R 語言在科學運算中的應用也越來越為廣泛。在 R 語言的套件中,有內建了許多統計相關的函式,使得我們可以在很短的時間內 (<1秒)便可以計算出數千個甚至是數萬的數據中的標準差、中位數等等。我們會在後面的章節簡單地介紹 R 的資料結構以及其語法。

III. R-MPI

R-MPI [5] 是一個架構於 R 與 MPI (eg, mpich, LAM, mpich2) 之上的自由 軟體,它是由 Department of mathematics and statistic at Acadia University 所 開發。 R-MPI 提供一個介面並且利用底層預先設定安裝好的的 MPI,使得不 同電腦之間可以互相交換、傳遞 R 的物件或是其他相關的訊息、資料等等, 進而達到將 R 程式平行運算的目的。

2. 系統架構與運作原理

R-MPI 可以視為是 R 裡面的一個 library, 而這個 library 還必須仰賴下層 的 MPI 才能夠正常地運作。如圖表 1 所示, R-MPI library 安插在 R 的環境中, 並且提供許多 R-MPI 的相關函式供使用者在設計 R 程式的時候可以將需要 運算的需求透過底下的 MPI 將 R 的物件或是其他相關的訊息傳送到其他的 電腦;其它的電腦在收到的時候,一樣透過 MPI 將訊息收進來,再透過 R-MPI 把 R 的物件或是訊息送到 R 的環境中進行平行處理。



圖表 2

I. 環境介紹

以下我們將使用三台機器作為安裝 R/R-MPI 的範例,圖表 3 是這三台機器的規格、IP 設定。以及其連接的方式。圖表 4 則是這三台機器連接的示意圖。





II. MPI 的安裝步驟

MPI目前提供數個 GPL的 implementations 可供使用,像是 mpich、LAM、 mpich2、OpenMPI 等等都已經相當成熟。除了 OpenMPI 目前已知道對於 R-MPI 的支援尙有問題外[6],其餘的 implementation 對於 R-MPI 的支援都可 以正常運作。以下我們將以 Linux-based 的作業系統 (Ubuntu 7.04)平台為例, 說明如何安裝 mpich2。

i. 設定主機名稱

以 client-01 為例,首先請先修改 /etc/hosts 中 IP 位址與主機名稱 的對應關係,特別要注意的是所有欲參與平行運算的機器都必須擁有相 同的 /etc/hosts 設定,這是因為 mpich2 在啓動時會根據主機名稱尋找 所對應的 IP。

```
root@client-01:~# cat > /etc/hosts << "EOF"
> 127.0.0.1 localhost
> 192.168.180.131 client-01
> 192.168.180.132 client-02
> 192.168.180.133 client-03
> EOF
```

同時請注意務必將 <u>127.0.0.1 hostname</u> 這行刪除,否則 mpi 的啓動將會出現中斷,這是因為 mpi 在尋找 client-01 時會找到 loopback address 也就是 127.0.0.1,但這並非一個有效的 IP 位址,故會造成 MPI

啓動時的錯誤,所以在各個機器的 /etc/hosts 中,請務必刪除 <u>127.0.0.1 hostname</u>。

ii. 下載並安裝 mpich2

在本文件中,我們將以 mpich2-1.0.7rc1 這個版本為範例,首先必 須下載 mpich2-1.0.7rc1.tar.gz ,接著再進行解壓縮的動作 (解壓縮到任 何一目錄都可以)。

```
root@client-01:~# wget
http://www.mcs.anl.gov/research/projects/mpich2/downloads/tarballs/m
pich2-1.0.7rcl.tar.gz
root@client-01:~# tar -zxvf mpich2-1.0.7rcl.tar.gz
cd mpich2-1.0.7rcl/
```

進入 mpich2-1.0.7rc1 目錄之後,接著就可以開始設定 mpich2 所 需安裝的位置以及參數等。在這個範例中,我們假設安裝的路徑是 /opt/mpich2 ,參數為 prefix=/opt/mpich2 ,其餘為編譯時的參數。 root@client-01:~/mpich2-1.0.7rc1# ./configure CFLAGS="-fPIC"

```
CXXFLAGS="-fPIC" FFLAGS="-fPIC" prefix=/opt/mpich2
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# make
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# make install
```

若是在上述的編譯過程中有問題,也許是您尙未安裝編譯的工具, 在 Ubuntu 7.04 上面可使用 apt-get 來安裝編譯時所需要的工具。

root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# apt-get install build-essential

到此算是已經安裝完成了,可以使用 which 指令來檢查一下 mpich2 的執行檔的位置。

```
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# which mpd
/opt/mpich2/bin/mpd
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# which mpicc
/opt/mpich2/bin/mpicc
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# which mpiexec
/opt/mpich2/bin/mpiexec
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# which mpirun
/opt/mpich2/bin/mpirun
```

若是無法找到相對應的執行檔位置,那麼很可能是您的環境變數尚未設定好,可以使用 export 命令將環境變數更新;或是將環境變數加入 ~/.bashrc 檔中。

root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# export PATH="\$PATH:/opt/mpich2/bin"

確認安裝無誤之後,請新增一個 mpd.hosts 的檔案,這個檔案的 檔名可以自由選擇,但是必須記得這個檔案的位置,在每一台機器上面 都必須設定相同位置、內容的 mpd.hosts 檔。mpd.hosts 的目的在於提 供 mpich2 知道有哪些節點要加入 mpi 的運算環境中。

```
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# touch mpd.hosts
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# cat > mpd.hosts << "EOF"
> client-01
> client-02
> client-03
> EOF
```

最後,如果您是用 root 執行 mpich2 的話,那麼就必須在每台機器的 /etc 目錄下新增一個 mpd.conf 檔;反之,若您打算使用一般使用者執行 mpich2 的話,就必須在該使用者的家目錄

(/home/username/) 底下新增一個 .mpd.conf 檔 (沒錯,這是一個隱藏 檔)。

這個檔案的內容只有一行密碼,此密碼是用來讓每一台機器可以認可彼此。擁有相同密碼的機器就會形成一個 MPI 的環境。最後再更改這個密碼檔的權限即可。

```
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# touch /etc/mpd.conf
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# cat > /etc/mpd.conf << "EOF"
> secretword=this_is_password
> EOF
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl# chmod 600 /etc/mpd.conf
```

iii. 設定 ssh 連線的金鑰

mpich2 將會透過 ssh 連線來連結每一台機器,因此,我們必須將 ssh 在建立連線時,將要求輸入密碼的提示給取消掉,方法是在每一台 機器上建立一把彼此都認可的金鑰,有了這把金鑰的存在,每台機器彼 此之間就可以透過 ssh 連線而不需要輸入密碼。

在本文件中,我們將以使用者 root 為例子來建立 ssh 連線過程中 所需要的金鑰,過程中所出現的提示可以不需特別設定,直接按下 Enter 鍵即可。

root@client-01:~/mpich2-1.0.7rc1# ssh-keygen -t dsa

```
Generating public/private dsa key pair.
Enter file in which to save the key (/root/.ssh/id_dsa):
Created directory '/root/.ssh'.
Enter passphrase (empty for no passphrase):
Enter same passphrase again:
Your identification has been saved in /root/.ssh/id_dsa.
Your public key has been saved in /root/.ssh/id_dsa.pub.
The key fingerprint is:
d7:ad:ce:0f:e2:d8:16:3d:92:10:b8:b3:7f:7b:68:d9 root@client-01
root@client-01:~/mpich2-1.0.7rcl#
```

完成上述步驟之後,在 client-01 裡面的 /root/.ssh 裡面就會出現 一個檔案為 id_dsa.pub,這是金鑰的目錄名稱,接著我們將金鑰目錄更 改命名為 authorized_keys,並且將這個金鑰目錄複製到每一台機器上, 同樣位於 /root/.ssh 這個目錄中 (若是一般使用者就是 /home/username/.ssh 目錄)。

root@client-01:~/mpich2-1.0.7rc1# cd /root/.ssh/ root@client-01:~/.ssh# cp ./id_dsa.pub ./authorized_keys root@client-01:~/.ssh# cd .. root@client-01:~# scp /root/.ssh/* root@client-02:/root/.ssh/ root@client-02' s password: 100% 610 0.6 KB/sauthorized_keys 00:00 id_dsa 100% 668 0.7KB/s 00:00 100% 610 0.6KB/s id_dsa.pub 00:00 known_hosts 100% 4420 4.3 KB/s00:00 root@client-01:~# scp /root/.ssh root@client-03:/root/.ssh/ root@client-03' s password: 100% 610 authorized keys 0.6KB/s 00:00 id_dsa 100% 668 0.7 KB/s00:00 id_dsa.pub 100% 610 0.6 KB/s00:00 known_hosts 100% 4420 4.3KB/s 00:00

完成上述步驟之後,可以使用 ssh 指令連線測試,驗證每一台機 器之間是否不需輸入密碼即可建立 ssh 連線。

iv. 啓動/停止與測試

最後我們可已下達一些指令來測試看看 mpich2 是否可以正常啓

動。一般來說, 啓動的指令為 mpdboot, 參數 "-n"後面接的是 slaves 的數目, 在本範例中為 3 台 slaves 加上 1 台 server, 因此 -n 後面 要接的數目應該是 3。參數 "-f"後面接的是 mpd.hosts 檔案的位置, 在前面我們曾經提過 mpd.hosts 裡面記錄的是欲參與 mpich2 運算的 節點名稱。

root@client-01:~# mpdboot -n 3 -f /root/mpich2-1.0.7rc1/mpd.hosts

執行後,如果沒有任何錯誤訊息出現,即表示 mpich2 已經正常地 啓動了,接下來可以輸入指令觀察目前參與 MPI 運算的節點是否和 mpd.hosts 裡面記錄的一樣。

```
root@client-01:~# mpdtrace
client-01
client-03
client-02
```

最後我們可以執行簡單的測試,看看每個節點之間傳遞訊息所需花 費的時間。

```
root@client-01:~# mpdringtest
time for 1 loops = 0.00142002105713 seconds
root@client-01:~# mpdringtest 3
time for 3 loops = 0.00336718559265 seconds
root@client-01:~# mpdringtest 100
time for 100 loops = 0.108873844147 seconds
```

欲停止 mpich2 可以輸入 mpdallexit 的指令。

root@client-01:~# mpdallexit

III. R 的安裝步驟

由於 Ubuntu 7.04 的 apt 儲藏庫中已經內建了 R 的相關套件,因此只要 利用 apt-get 即可完成 R 的安裝。值得注意的是 apt 儲藏庫中的 R 的相關 套件,預設是必須使用 gcc-4.2 以上的版本編譯,如果不想重新安裝 gcc-4.2 可以直接把 gcc link 到 gcc-4.2 即可。如果想要使用 source 安裝,可以參 閱官方網站的說明 [7] 。

```
root@client-01:~# apt-get install r-base-core
```

IV. R-MPI的安裝步驟

透過 R 的指令可快速地安裝 R-MPI,因此在安裝 R-MPI 之前,建議先 將 R 安裝好。R-MPI 的安裝非常簡單只要先下載再使用 R 的指令安裝即可。

```
root@client-01:/opt# wget
http://www.stats.uwo.ca/faculty/yu/Rmpi/download/linux/Rmpi_0.5-5.tar.gz
root@client-01:/opt# R CMD INSTALL Rmpi_0.5-5.tar.gz
--configure-args=--with-mpi=/opt/mpich2
```

若是使用 R 指令安裝時,請務必加上 -configure-args 的參數,這個參數的目的是為了讓 R-MPI 知道 mpi 所安裝的所在位置,當 R-MPI 啓動的時候就會去找 mpi 對應的執行檔幫忙傳送訊息。

V. 測試

上述步驟接順利完成後,就可以開始進行一些測試,看看 R/R-MPI 的計算平台是否可以正常的運作。首先,啓動 mpich2,接著執行 R-MPI 官方網站所提供的範例。

root@client-01:/opt# mpdboot -n 3 -f /root/mpich2-1.0.7rc1/mpd.hosts root@client-01:/opt# mpdtrace client-01 client-03 client-02

確認 mpi 已經 ready。下載 R-MPI 官方網站的範例程式並執行。

root@client-01:/opt# wget http://ace.acadiau.ca/math/ACMMaC/Rmpi/task_pull.R root@client-01:/opt# mpirun -np 1 R --slave CMD BATCH task_pull.R

由於 R-MPI 是建構在 mpich2 上,因此我們執行 mpirun 時,後面再接 R的指令 (當成 mpich2 的參數) 便可以成功地透過 R-MPI 將所需要平行運 算的任務分配出去。參數 "-np" 表示 number of processors,這邊由於每台 電腦只有 1 個 processor,因此後面接 1;接著再加入 R 的執行命令,並且讓 它在背景執行。順利執行完畢之後,會產生一個 Rplots.ps 檔,這是範例程 式最後生成的檔案,到這裡就表示 R/R-MPI 平台運作正常。

二、 R-MPI 相關函式功能

在撰寫 R-MPI 程式時,務必先瞭解其相關函式的定義與功能,透過這些 R-MPI 內建的函式,可以協助我們迅速地寫出自己想要平行化的 R 程式。全部的 R-MPI 函式庫可以在 R-MPI 的官網查詢 [8],在這裡我們只列出一些比較常用、 比較重要的函式。

1. library("Rmpi")

將 Rmpi 的 package 載入,讓我們可以使用 MPI 的 function。所以在 使用任何 MPI functions 前必須先執行這個指令。

2. mpi.spawn.Rslaves(nslaves=#)

會產生出 # 個 processes,如果沒有任何參數,則會產出這個 MPI 環境中最大數量的 nodes。

3. mpi.close.Rslaves()

將所有的 slaves 關閉,建議在結束程式前必須執行此程式。

4. mpi.quit([saving=yes/no])

將 Rmpi 所分配的資源清除,並且呼叫 R 的 quit function,我們必須 使用這個 function 離開程式。

5. mpi.comm.size()

回傳 processes 的個數,假設將每個 node 視為一個 process 的話,那 麼這個數目就是 slaves 個數加上 1 個 master。

6. mpi.comm.rank()

回傳每個 process 所代表的數字,假設將每個 node 視為一個 process 的話,那麼就是每個 node 的 ID。

7. mpi.bcast.Robj2slave(object)

將一個 R object(number, string or list) 或是 function 送給所有的 slaves 。

8. mpi.send.Robj(object,destination,tag)

將一個 R object(number, string or list) 送給 destination , destination 是就是 nodes 的 rank 。舉例來說, mpi.send.Robj(object,0,tag), 會送到 master, mpi.send.Robj(object,10,tag) 會送到 rank = 10 的 slave 。 tag 則 是用來識別訊息的標籤,有些訊息是指示 master 繼續傳送任務; 有些訊息 是指示 master 收集儲存 slaves 運算的結果等等。透過 tag 的識別,可以 讓 R-MPI 的程式可以更彈性化地設計,更有效率地執行。

9. object <- mpi.recv.Robj(mpi.any.source(),mpi.any.tag())

使用這個 function 的 process 會從呼叫它的 process 的 queue 中取 得訊息,如果 queue 裡沒有資料,則 process 會一直等到接到訊息為止。

10. info <- mpi.get.sourcetag()

當在 mpi.recv.Robj 後使用這個 function ,會回傳兩個整數,一個是訊 息所傳送的 node 編號,一個是它的 tag 。

11. mpi.bcast.cmd("R code")

讓所有的 slave processes 執行 R code , 這個 function 不會等待 slave 執行完畢。

12. results <- mpi.remote.exec("R code")

讓所有的 slave processes 執行 R code ,並且回傳結果,這個 function 會等待所有的 slave 執行完畢後才回傳結果。

三、 三種撰寫 R-MPI 程式的方法

根據 R-MPI 的<u>官網所描述</u>, R-MPI 平行處理的程式撰寫上,可以分為 三種方式:

1. Brute Method

這是最簡單的方式,我們把 Task 當成是迴圈,假設今天有 10 個 迴圈,要同時進行平行處理,那麼就必須要有 10 台 slaves,把所謂的 Task(任務), 平均分配到 10 個不同的 slaves 上面執行。這種方式的 優點是寫法最簡單,所需要外加的程式碼也會最少;但缺點是擴充性 (scalability)也最差,一旦任務的數目大於 slaves 的數目,那麼此種方式 就不適合使用。由於甚少有情況是任務數目剛好等於 slaves 的數目, 因此這種寫法雖然簡單但是並不實用,在這裡就不多作介紹。

2. Task Push

顧名思義,Task push,就是將任務送(push)到 slaves 上去處理,直 到所有任務都處理完畢為止。這個方式改善了 Brute Method 中 --- "任 務數目必須等於 slaves 數目"的這個缺點;也就是說 Task Push 可以處 理任務數目大於 slaves 數目的情況。但是仍然不夠完美,最主要的原 因是,在一般的情況下,不見得每一台 slaves 的運算能力都是一樣的, 這個方法最大的缺點就是當 slaves 的運算能力不一時,運算能力較強 的機器必須花費多餘的時間來等待運算能力較弱的機器。



圖表 7

3. Task Pull

顧名思義,Task Pull,不像Task Push 是Server 主動分配任務給 slaves,最主要是因為Server 端並不會知道各個slaves的運算能力, 或是各個slaves目前有沒有被其它行程佔用住資源。相反地,這個方 式是由slaves主動去向server端要任務,因此稱為Task Pull。只要 slave 處理完畢時,便會告知 server 說: 我處理完畢了,若還有任務的話,請繼續 send 給我! 這個方式最大的優點就是: 不管任務的數目是 否大於 slaves 的數目;也不管各個 slaves 的運算能力是否相同,所有 的任務可以在最短的時間內被處理完畢。



4. Task Push 與 Task Pull 的差異

我們在此舉例來說明 Task Push 與 Task Pull 的差異性。假設有 5 台機器 (Slave 1~Slave 5)要來處理總共 20 個的 Task,其中 Slave 5 的效能較差,針對此一特定任務來說,Slave 5 的處理速度要比 Slave 1 ~ Slave 4 慢上 15 分鐘。以 Task Push 的方式來執行的話,20 個任務被 分配的順序將會是 1,2,3,4,5,1,2,3,4,5,1,2,3,4,5,1,2,3,4,5, 其中 因為 Slave 5 的效能較差而多消耗的時間為 15 x 4 = 60 分鐘。但若是以 Task Pull 的方式來執行的話,20 個任務被分配的順序將會是 1,2,3,4,5, 1,2,3,4,1,2,3,4,1,2,3,4,1,2,3,其中因為 slave 5 的效能較差而多消 耗的時間為 15 x 1 = 15 分鐘。Task Pull 的方式足足快了 Task Push 有 45 分鐘,效能則是提升了 75%。

四、 範例程式說明

在這個小節中,我們將以陽明大學所提供的部分 R 程式為範例來說明如何將 一般的 R 程式改寫成 task-pull 方式的 R-MPI 程式。圖中有被彩色線條框起來的部 分程式碼就是 R-MPI 的相關程式碼,每一塊彩色部分的程式碼都可以對應到 R-MPI task-pull 運作原理流程圖中的特定流程。

每個 R-MPI 程式一開始都需要先初始化 R-MPI 的相關函式,以及關閉時必須要做的檢查跟動作。因此在圖表 6 中,一開始就是 R-MPI 的初始化與結束設定。

以 Slave 的角度來解釋,最重要的就是 fold slave function 的部分,這部分 的程式碼就是我們打算分散執行的程式碼,這其中又以 if (tag = 1) 底下的部分最 為重要,你可以把你想要分散運算的程式碼都寫在這個區塊裡面。同時,在這個 區塊的最後,也要設定好回傳的資料,一直到 Slave 把計算的結果傳回 Server, 這樣才是完成了一次有效的運算。一旦所有任務都執行結束後, Server 與 Slave 會建立一個類似 handshake 的動作,首先,Slave 會收到 Server 所送出 tag = 2 的 訊息,表示任務已結束,接著,Slave 跳出 fold slave function 的 while 迴圈,並 且回覆 tag = 3 的訊息給 server,告知 Server 我已成功地退出運算。最後 Server 會檢查到所有的 Slaves 都退出運算,表示工作已經全部結束。

以 Server 的角度來看, Server 端要負責的事情有兩件:一是彙整所有 Slaves 的計算結果,二是負責遞交任務給 Slaves 或是告知 Slaves 任務已經執行 完畢。當 Server 端收到 tag=1 的訊息時,表示 Slave 已經準備好接收新任務; 當 Server 端收到 tag=2 的訊息時,表示 Slave 傳送新的計算結果過來了;當 Server 端收到 tag=3 的訊息時,表示 Slave 已經退出運算,程式碼與流程相對 關係如 圖表 7 所示。





五、結論

建置一個具有 R 與 R-MPI 的平台,可以說是相當方便,一旦具備了 R 與 R-MPI 的基本念概,在了解方法之後,要將一般的 R 程式平行化也並不困難,一般 R 程式中,最花費時間的就是在於處理大量迴圈的部分,因此 R-MPI 的重點就在於拆解迴圈,只要把迴圈的次數平均分散給底下的 Slaves 機器做處理,就可以大大地節省時間成本。

Task Pull 的程式設計法,在分散式運算中可以取得很好的效能與結果,使在 任何時間中,所有機器的使用率接近 100%,這也是我們所希望看到的結果。R-MPI 可以讓所有的機器在任何時間中都有任務可做,並且讓機器閒置的時間縮到最 短。

六、 參考文獻

- Extensions to the Message-Passing Interface, Message Passing Interface Forum, November 15, 2003
- [2] MPI 程式撰寫與實作,周守成、周朝宜, November 04, 2006
- [3] http://www.mcs.anl.gov/research/projects/mpich2/
- [4] <u>http://www.r-project.org/</u>
- [5] http://ace.acadiau.ca/math/ACMMaC/Rmpi/basics.html
- [6] http://www.stats.uwo.ca/faculty/yu/Rmpi/knowing issues.htm
- [7] <u>http://cran.cs.pu.edu.tw/banner.shtml</u>
- [8] The Rmpi Package, Hao Yu, April 21, 2004